

P. AZZIMONDI e C. SCARAVELLI (*)

Un'osservazione su un teorema del punto unito in spazi metrici generalizzati (**)

Nel lavoro [1] si fa riferimento ad un certo spazio metrico generalizzato introdotto in [3]₂ come caso particolare di altri spazi metrici generalizzati, e si dimostra un teorema di punto unito sotto ipotesi di contrazione abbastanza generali.

Si fanno alcuni richiami e, fra gli altri, si segnala che la distanza introdotta è uniformemente continua (cfr. [1], § 2). Va però osservato che tale distanza è *uniformemente continua se e solo se* $\tau = 1$ (in generale, anzi, non è neppure continua, cfr. [3]₁ e [2]).

Vogliamo qui far notare che il teorema di cui in [1] conserva comunque la sua validità anche per $\tau > 1$. Infatti (riferendoci ora soltanto al lavoro [1]), se a riga 8 di p. 777 dapprima si maggiora $d(x_n, f(x_*))$ mediante l'ipotesi di contrazione (1), e poi si maggiora $d(x_{n-1}, f(x_*))$ mediante la proprietà triangolare generalizzata (cfr. § 2), si può subito concludere con il passaggio al limite per $n \rightarrow +\infty$, e passare poi alla conclusione della dimostrazione.

Bibliografia

- [1] P. AZZIMONDI e C. SCARAVELLI, *Un teorema del punto unito in spazi metrici generalizzati*, Riv. Mat. Univ. Parma (4) 5 (1979), 773-780.
[2] F. CAGLIARI and M. CICHESE, *Continuity conditions and convergence properties in generalized metric spaces*, Riv. Mat. Univ. Parma (4) 2 (1976), 329-336.

(*) Indirizzo: Istituto di Matematica, Università, 43100 Parma, Italy.

(**) Ricevuto: 13-VII-1981.

- [3] M. CICHESE: [\bullet]₁ *Distanze generalizzate uniformemente continue*, Riv. Mat. Univ. Parma (3) **3** (1974), 133-137; [\bullet]₂ *Questioni di completezza e contrazioni in spazi metrici generalizzati*, Boll. Un. Mat. Ital. (5) **13-A** (1976), 175-179.

S u m m a r y

We point out that a certain theorem on fixed point in generalized metric spaces still holds even if the distance is not uniformly continuous.

* * *

Finito di stampare il 26 aprile 1982

Tipografia Compositori Bologna

